

ГУАП

КАФЕДРА № 3

ОТЧЕТ  
ЗАЩИЩЕН С ОЦЕНКОЙ  
ПРЕПОДАВАТЕЛЬ

*хорошо*  
*28.02.18*  
*НН*

\_\_\_\_\_  
должность, уч. степень, звание

\_\_\_\_\_  
подпись, дата

Н.Н. Литвинова  
\_\_\_\_\_  
инициалы, фамилия

ОТЧЕТ О ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ

МАШИНА АТВУДА

по курсу: ОБЩАЯ ФИЗИКА

[vk.com/c/ub152685050](https://vk.com/c/ub152685050)

[vk.com/id446425943](https://vk.com/id446425943)

\_\_\_\_\_  
подпись, дата

\_\_\_\_\_  
инициалы, фамилия

Санкт-Петербург 2018

Лабораторная работа №2  
Машина Атвуда.  
Протокол измерений

Студент группы 1742  
Преподаватель

Коробков Д В  
Литвинова Н.Н.

Параметры приборов.

$\Theta_t = 0,001 \text{ с}$  Предел измерений:  $t = 99,999 \text{ с}$

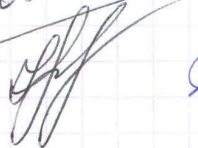
$\Theta_s = 2 \text{ мм}$   $S = 50 \text{ см}$

Результаты измерений:

$S_1 = 18 \text{ см}$	$S_1 = 17 \text{ см}$	$S_1 = 16 \text{ см}$
$t_2 = 0,255 \text{ с}$	$t_2 = 0,266 \text{ с}$	$t_2 = 0,274 \text{ с}$
$S_2 = 12 \text{ см}$	$S_2 = 12 \text{ см}$	$S_2 = 12 \text{ см}$

$S_1 = 18 \text{ см}$	$S_1 = 18 \text{ см}$
$t_2 = 0,226 \text{ с}$	$t_2 = 0,198 \text{ с}$
$S_2 = 10 \text{ см}$	$S_2 = 9 \text{ см}$

Дата

21.02.18  


Коробков      Подпись студента.  
Подпись преподавателя.

1. Цель работы - исследование равномерного и равноускоренного прямолинейного движения.

2. Описание лабораторной установки.

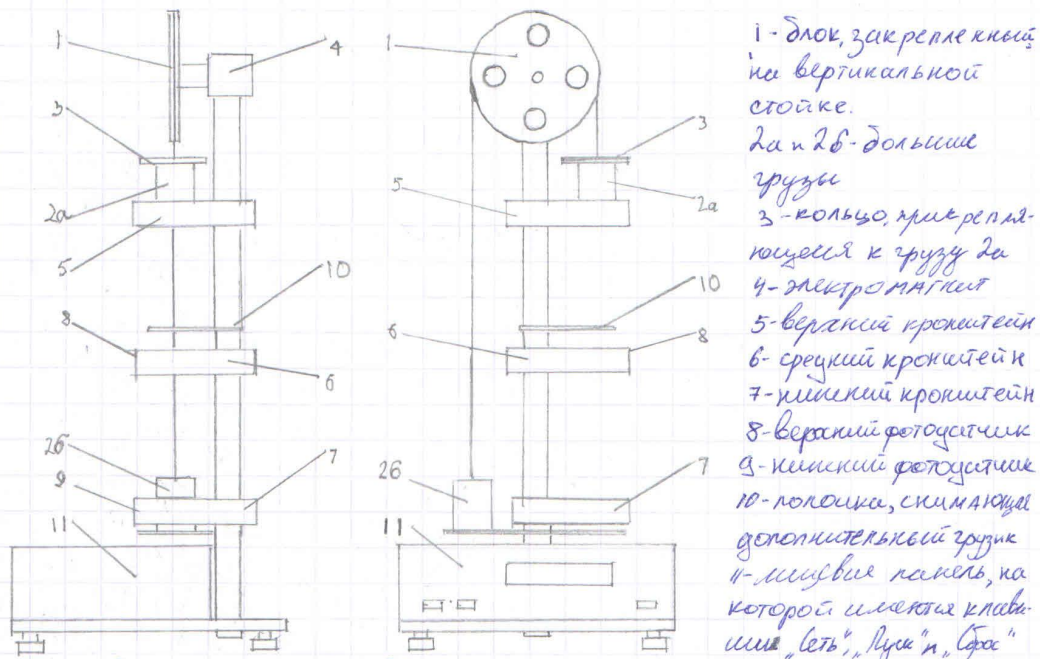


Рис. 1. Внешний вид установки

Параметры установки

- Систематическая погрешность измерения времени  $\Delta t = 0,001 \text{ с}$ ;
- Систематическая погрешность измерения длин путей  $\Delta S = 0,002 \text{ м}$ ;
- Предел измерений  $t = 99,999 \text{ с}$   $S = 50 \text{ см}$ ;

3. Рабочие формулы

$$V = \sqrt{2a S_1} \quad (1)$$

$$a = \frac{S_2}{2S_1 \cdot t_2^2} \quad (2)$$

$$a = \frac{mg}{2M+m} \quad (3)$$

$$V = \sqrt{\frac{mg S_1}{2M+m}} \quad (4)$$

В этих формулах:  $V$  - скорость грузов при равномерном движении;  $a$  - ускорение грузов;  $S_1$  - путь, пройденный телами, за время  $t_1$ , равноускоренного движения;  $S_2$  - путь, пройденный телами, за время  $t_2$  при равномерном движении;  $t_2$  - время равномерного движения;  $g$  - ускорение свободного падения;  $M$  - масса большого груза;  $m$  - масса добавляемого груза;

$$g = 9,8 \text{ м/с}^2$$

$$m = 0,8 \text{ г} \quad M = 60,4 \text{ г}$$

$$V_{\text{ср}} = \frac{\sum_{i=1}^n V_i}{n} \quad (5)$$

$$a_{\text{ср}} = \frac{\sum_{i=1}^n a_i}{n} \quad (6)$$

где  $V_{\text{ср}}$  - среднее значение скорости;  $a_{\text{ср}}$  - среднее значение ускорения;  $n$  - число измерений



## 4. Результаты измерений и вычислений

Таблица 4.1 Результаты измерений и вычислений.

$S_1, \text{м}$	0,18	0,17	0,16	0,18	0,18
$S_2, \text{м}$	0,12	0,12	0,12	0,10	0,09
$t_2, \text{с}$	0,255	0,266	0,274	0,226	0,198
$V, \text{м/с}$	0,47	0,45	0,44	0,44	0,45
$a, \text{м/с}^2$	0,62	0,60	0,60	0,54	0,57
$\sigma_v, \text{м/с}$	0,132	0,131	0,128	0,131	0,126
$\sigma_a, \text{м/с}^2$	0,032	0,031	0,032	0,033	0,038

$$a_{cp} = 0,59 \text{ м/с}^2$$

$$V_{cp} = 0,45 \text{ м/с}$$

## 5. Примеры вычислений

По формуле (1)  $V = \sqrt{2aS_1} = \sqrt{2 \cdot 0,62 \cdot 0,18} = 0,47 \text{ м/с}$

По формуле (2)  $a = \frac{S_2^2}{2S_1 \cdot t_2^2} = \frac{0,12^2}{2 \cdot 0,18 \cdot 0,255^2} = 0,62 \text{ м/с}^2$

По формуле (3)  $a = \frac{mg}{2M+m} = \frac{0,008 \cdot 9,8}{2 \cdot 0,0604 + 0,008} = 0,61 \text{ м/с}^2$

По формуле (4)  $V = \sqrt{\frac{mgS_1}{2M+m}} = \sqrt{\frac{0,008 \cdot 9,8 \cdot 0,18}{2 \cdot 0,0604 + 0,008}} = 0,33 \text{ м/с}$

По формуле (5)  $V_{cp} = \frac{\sum_{i=1}^n V_i}{n} = \frac{0,47 + 0,45 + 0,44 + 0,44 + 0,45}{5} = 0,45 \text{ м/с}$

По формуле (6)  $a_{cp} = \frac{\sum_{i=1}^n a_i}{n} = \frac{0,62 + 0,60 + 0,60 + 0,54 + 0,57}{5} = 0,59 \text{ м/с}^2$

## 6. Вычисления погрешностей

## 6.1 Систематические погрешности

6.1.1  $\sigma_s = 0,002 \text{ м}$

6.1.2  $\sigma_t = 0,001 \text{ с}$

## 6.1.3 Вывод формулы для систематической погрешности квадратного измерения ускорения

$$a = a(S_1, S_2, t_2) = \frac{S_2^2}{2S_1 \cdot t_2^2} \rightarrow \sigma_a = \frac{S_2 \cdot \sigma_s}{S_1 \cdot t_2^2} + \frac{S_2^2 \cdot \sigma_s}{2t_2^2 S_1^2} + \frac{S_2^2 \cdot \sigma_{t_2}}{S_1 \cdot t_2^3}$$

Вычисления по выводимой формуле.

$$\sigma_{a_1} = \frac{0,12 \cdot 0,002}{0,18 \cdot 0,255^2} + \frac{0,12^2 \cdot 0,002}{2 \cdot 0,255^2 \cdot 0,18^2} + \frac{0,12^2 \cdot 0,001}{0,18 \cdot 0,255^3} = 0,032 \text{ м/с}^2$$

## 6.1.4 Вывод формулы для систематической погрешности квадратного измерения скорости.

$$V = V(a, S_1) = \sqrt{2aS_1} \rightarrow \sigma_v = \frac{\sqrt{2a} \cdot \sigma_s}{2\sqrt{S_1}} + \frac{\sqrt{2S_1} \cdot \sigma_a}{2\sqrt{a}}$$

Вычисление по выведенной формуле

$$\Theta_v = \frac{\sqrt{2 \cdot 0,62 \cdot 0,002}}{2 \cdot \sqrt{0,18}} + \frac{\sqrt{2 \cdot 0,18 \cdot 0,03}}{2 \cdot \sqrt{0,62}} = 0,132 \text{ м/с}$$

## 6.2 Случайные погрешности

### 6.2.1 Средняя квадратичная погрешность скорости

$$S_v = \sqrt{\frac{(v_1 - v_{cp})^2 + (v_2 - v_{cp})^2 + \dots + (v_N - v_{cp})^2}{N-1}}; S_v = \sqrt{\frac{(0,47-0,45)^2 + 2(0,44-0,45)^2}{4}} = 0,013 \text{ м/с}$$

### 6.2.2 Среднее квадратичное отклонение скорости

$$S_{vcp} = \sqrt{\frac{(v_1 - v_{cp})^2 + (v_2 - v_{cp})^2 + \dots + (v_N - v_{cp})^2}{(N-1)N}} = \frac{S_v}{\sqrt{N}}; S_{vcp} = \frac{0,013}{\sqrt{5}} = 0,006 \text{ м/с}$$

### 6.3.1 Средняя квадратичная погрешность ускорения

$$S_a = \sqrt{\frac{(a_1 - a_{cp})^2 + (a_2 - a_{cp})^2 + \dots + (a_N - a_{cp})^2}{N-1}}; S_a = \sqrt{\frac{(0,62-0,59)^2 + 2(0,60-0,59)^2 + (0,54-0,59)^2 + (0,57-0,59)^2}{4}} = 0,028 \text{ м/с}^2$$

### 6.3.2 Среднее квадратичное отклонение ускорения

$$S_{acp} = \sqrt{\frac{(a_1 - a_{cp})^2 + (a_2 - a_{cp})^2 + \dots + (a_N - a_{cp})^2}{(N-1)N}} = \frac{S_a}{\sqrt{N}}; S_{acp} = \frac{0,028}{\sqrt{5}} = 0,012 \text{ м/с}^2$$

В данной работе проводятся измерения случайных чисел по всей длине физических величин: скорости тел  $v$  и ускорения этих же тел  $a$ , поэтому проверим неравенства: 1)  $S_v \leq \Theta_v$  и  $S_{vcp} \leq \Theta_v$  2)  $S_a \leq \Theta_a$  и  $S_{acp} \leq \Theta_a$

$$0,013 \text{ м/с} \leq 0,132 \text{ м/с}, \text{ т.е. } S_v \leq \Theta_v \quad 0,028 \text{ м/с}^2 \leq 0,032 \text{ м/с}^2, \text{ т.е. } S_a \leq \Theta_a$$

$$0,006 \text{ м/с} \leq 0,132 \text{ м/с}, \text{ т.е. } S_{vcp} \leq \Theta_v \quad 0,012 \text{ м/с}^2 \leq 0,032 \text{ м/с}^2, \text{ т.е. } S_{acp} \leq \Theta_a$$

Получившиеся неравенства говорят о том, что в измерениях, скорее всего, нет грубых ошибок и промахов.

## 6.4 Полная погрешность

В случае, когда измеряются величины по всей длине физических величин, случайные погрешности уже учтены систематическая. Объединять их в полную погрешность не надо. Полная погрешность равна систематической погрешности.

$$\Delta v = \Theta_v = 0,13 \text{ м/с}$$

$$\Delta a = \Theta_a = 0,03 \text{ м/с}^2$$

## 7. Выводы

• Скорость прямолинейного равномерного движения  $v = (0,45 \pm 0,13) \text{ м/с}$  с вероятностью  $P=95\%$ .

• Ускорение грузов  $a = (0,59 \pm 0,03) \text{ м/с}^2$  с вероятностью  $P=95\%$ .

• Экспериментально определенные значения ( $v$ ) и ускорения ( $a$ ) в пределах погрешностей совпадают с расчетными вычислениями скорости и ускорения.

$$v_{теор} = 0,33 \text{ м/с}$$

$$a_{теор} = 0,61 \text{ м/с}^2$$